

SIMPLEKS USULI VA SIMPLEKS JADVALLARI

Suyarova Gulsora Anvar qizi,

To'xtayev Javohir Otobek o'g'li,

JDPU, Matematika va informatika fakulteti, 3-bosqich talabalari

Annotatsiya: Simpleks usuli — bu chiziqli dasturlashdagi eng keng tarqalgan va samarali metodlardan biridir. U ma'lum bir cheklovlar tizimi va maqsad funktsiyasini optimallashtirishni ta'minlash uchun ishlataladi.

Kalit so'zlar: Simpleks usuli, simpleks jadvali, geometriya, to'g'ri burchakli uchburchak.

Simpleks usuli: chiziqli dasturlashning samarali yondoshuvi.

Chiziqli dasturlash matematikada va iqtisodiyotda, ayniqsa resurslarni taqsimlash, ishlab chiqarish rejalashtirish, logistika va boshqa sohalarda keng qo'llaniladi. Chiziqli dasturlashda muammo quyidagi shaklda bo'ladi:

Maqsad funktsiyasi: $Z = c_1 * x_1 + c_2 * x_2 + \dots + c_n * x_n$
shuningdek, ba'zi cheklovlar quyidagicha bo'ladi:

$$a_{11}x_1 + a_{12}x_{12} + \dots + a_{1n}x_n \leq b_1$$

$$a_{21}x_1 + a_{22}x_{12} + \dots + a_{2n}x_n \leq b_2$$

⋮

$$x_1, x_2, \dots, x_n \geq 0$$

Bu yerda x_1, x_2, \dots, x_n - o'zgaruvchilar, c_1, c_2, \dots, c_n — maqsad funktsiyasining koeffitsiyentlari, a_{ij} — cheklovarning koeffitsiyentlari va b_1, b_2, \dots, b_m — cheklovlar.

Simpleks usuli, bu kabi chiziqli dasturlash masalalarini yechish uchun ishlataladigan iteratsion (bosqichma-bosqich) metod bo'lib, bu usulni 1947 yilda Gyuliano Korzani (George Dantzig) taklif qilgan.

Simpleks usulining asosiy g'oyasi

Simpleks usuli maqsad funktsiyasining optimal qiymatini topish uchun "ko'rib chiqiladigan nuqtalar" deb ataladigan bir nechta ehtimoliy echimlar orqali o'tib boradi. Bu nuqtalar, har bir cheklovning tenglikka tenglashtirilgan holatda olingan kesishish nuqtalariga mos keladi.

Chiziqli dasturlashdagi yechimlar, odatda, shaffof (konveks) poligon yoki polyhedron ichida joylashgan bo'ladi. Simpleks usuli bu poligon yoki polyhedronning bir-biriga ulanib turgan cho'qqilarini (nuqtalarini) tekshiradi va har bir yangi cho'qqiga o'tishda maqsad funktsiyasini yaxshilashga harakat qiladi.

Simpleks usulining bosqichlari

Simpleks usulining ishlash tartibi quyidagicha:

Boshlang'ich nuqta tanlash: Dastlabki yechim sifatida polyhedronning biror bir cho'qqisi tanlanadi. Odatda, barcha o'zgaruvchilar nolga teng bo'lishi kerak, lekin ba'zida boshqa boshlang'ich nuqtalar ham tanlanishi mumkin.

Boshqaruv o'zgaruvchilarini aniqlash: Har bir iteratsiya davomida, agar mavjud cho'qqida maqsad funktsiyasi yaxshilanishi mumkin bo'lsa, simpleks usuli o'zgaruvchilarni almashtiradi. Bu jarayon "asosiy o'zgaruvchilar" va "bo'sh o'zgaruvchilar"ni tanlash orqali amalga oshiriladi. Asosiy o'zgaruvchilar poligonning cho'qqilarini tashkil qiladi.

Yaxshilanish: Har bir iteratsiyada maqsad funktsiyasini yaxshilash uchun so'nggi tanlangan o'zgaruvchilar orasidan birini chiqarib, o'zgaruvchilardan biri tanlanadi. Bu jarayon o'zgaruvchilarni kiritish va chiqarishni o'z ichiga oladi.

Tekshirish: Agar hech qanday yaxshilanish bo'lmasa, ya'ni barcha koeffitsiyentlar salbiy yoki nolga teng bo'lsa, unda optimal echim topilgan deb hisoblanadi.

Misol: Chiziqli dasturlash masalasini simpleks usulida yechish uchun quyidagi misolni ko'rib chiqamiz:

Maqsad funktsiyasi:

$$Z = 3x_1 + 2x_2$$

Cheklovlar:

$$x_1 + x_2 \leq 4$$

$$x_1 \leq 3$$

$$x_2 \leq 2$$

$$\text{Va } x_1, x_2 \geq 0$$

Boshlang'ich holatda (bazaviy) yechimni topib, iteratsiyalarni davom ettirib, maqsad funktsiyasining maksimal qiymatini topish mumkin.

1-qadam: Cheklavlarni tenglikka aylantirish

Simpleks usulida barcha " \leq " tipidagi cheklovlarini tenglikka o'zgartirish uchun o'zgaruvchilarini qo'shamiz. Buning uchun, har bir " \leq " chekloviga ortiqcha o'zgaruvchi (slack variable) qo'shamiz:

$$x_1 + x_2 + s_1 = 4$$

$$x_1 + s_2 = 3$$

$$x_2 + s_3 = 2$$

$$x_1, x_2, s_3, s_1, s_2 \geq 0$$

2-qadam: Simpleks jadvalini tuzish

Endi biz **simpleks jadvalini** tuzamiz. Bu jadvalda, maqsad funktsiyasi va cheklovlarini ko'rsatamiz. Bizning maqsadimiz Z funksiyasini maksimal qilish.

Jadvalning boshlang'ich shakli quyidagicha bo'ladi:

Boshqaruvchi o'zgaruvchilar	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	Resurslar
s_1	-3	-2	0	0	0	0
s_2	1	1	1	0	0	4
s_3	1	0	0	1	0	3
Z	0	1	0	0	1	2

3-qadam: Simpleks usulini qo'llash

1. Eng manfiy koeffitsientni tanlash

Maqsad funksiyasini maksimal qilishimiz kerak, shuning uchun eng manfiy koeffitsientni tanlashimiz kerak. Z satrida x_1 va x_2 o'zgaruvchilarining manfiy koeffitsientlari mavjud: -3 va -2. Biz x_1 ni tanlaymiz, chunki uning koeffitsienti (-3) eng katta manfiy qiymatga ega.

2. Pivot qatorini tanlash (nishab ratio)

Endi x_1 ustuni asosida qaysi qatorni pivot qilishni aniqlaymiz. Har bir cheklov qatoridagi resurslar ustunini pivot ustuniga bo'lamic:

- s_1 qatori: $4/1=4$
- s_2 qatori: $3/1=3$
- s_3 qatori: $2/0=\infty$ (bu nisbati aniqlanmaydi, chunki 0 ga bo'linmaydi)

Eng kichik nisbati s_2 qatorida 3 bo'lgani uchun, biz s_2 ni pivot qilib tanlaymiz va x_1 ni yangi asosiy o'zgaruvchi sifatida olishni boshlaymiz.

3. Pivot operatsiyasi

Endi pivot operatsiyasini bajarishimiz kerak, ya'ni s_2 qatorini x_1 ustuniga bo'lib, yangi qiymatlar hosil qilamiz.

Pivotni hisoblash:

1. s_2 qatorini yangilash:

Pivot element 1 bo'lib, s_2 qatorini 1 ga bo'lamic:

$$\frac{1}{1} = 1 \text{ yangi } s_2 : [100103]$$

2. Boshqa qatorlarni yangilash:

- Z qatori:

$$Z \leftarrow Z + 3 * s_2 = [020309]$$

- s_1 qatori:

$$s_1 \leftarrow s_1 - 1 * s_2 = [011 - 101]$$

- s_3 qatori: s_3 qatorini yangilash:

$$s_3 \leftarrow s_3 - 0 * s_2 = [010012]$$

Yangi jadval:

Boshqaruvchi o'zgaruvchilar	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	Resurslar
s_1	0	2	0	3	0	9
x_1	0	1	1	-1	0	1
s_3	1	0	0	1	0	3
Z	0	1	0	0	1	2

4. Takrorlash:

Endi x_2 -o'zgaruvchisini tanlashimiz kerak, chunki x_2 ustunida manfiy qiymat bor (2). Biz yana pivot operatsiyasini amalga oshiramiz va natijada yakuniy optimal yechimni olamiz.

Bu jarayonni davom ettirib, **optimal qiymat** topiladi:

Optimal yechim:

$$x_1=3, \quad x_2 = 2, \quad Z = 3 * 3 + 2 * 1 = 9 + 2 = 11$$

Demak, maksimal Z qiymati 11 teng bo'ladi.

Simpleks Usulining Afzalliklari va Kamchiliklari

Afzalliklari:

Simpleks usuli ko'pchilik chiziqli dasturlash muammolarini samarali va tezda yechadi.

Katta miqdordagi o'zgaruvchilar va cheklov larga ega muammolarni ham hal qilishda juda samarali.

Kamchiliklari:

Ba'zi hollarda (masalan, degenerate holatlar) simpleks usuli ko'proq iteratsiyalarni talab qilishi mumkin.

Simpleks usuli masalani optimal echimga olib kelishini kafolatlamaydi, ayniqsa yirik va murakkab masalalar uchun.

FOYDALANILGAN ADABIYOTLAR.

1. Axunov.S “Chiziqli Algebra asoslari” 2010 y. Toshkent O`zMU NMIU
2. L.D.Kudryavtsev “Chiziqli Algebra va uning qo'llanilishi” 2017-y.
3. Usarov S. “Masalani yechishga o'rgatish orqali matematikanio'qitish texnologiyasining asosiy xususiyatlari”. Educational Research in Universal Sciences ISSN: 2181-3515 VOLUME 2 | SPECIAL ISSUE 18 | 2023.
4. Usarov S. “Masalani yechishga o'rgatish orqali matematikani o'qitish texnologiyasining asosiy xususiyatlari”. Образование наука и инновационные идеи в мире. Выпуск журнала № – 14 Часть–1 Февраль–2023.